



# 目次

<b>復習① 式と計算</b>	4
<b>① 単項式と多項式・式の乗除</b>	6
1 単項式と多項式	
2 単項式どうしの乗法	
3 単項式どうしの除法	
4 単項式の乗除	
<b>② 文字式の計算</b>	12
1 文字式の加減	
2 分配法則と四則計算	
3 分数をふくんだ式の計算	
4 式の値	
<b>③ 文字式の利用</b>	18
1 等式の変形	
2 比例式	
3 整数の性質と文字式	
4 図形と文字式	
<b>④ 式の計算のまとめ</b>	22
<b>発展学習① 文字式</b>	30
1 指数法則	
2 分配法則による計算①	
3 分配法則による計算②	
4 式の展開	
5 乗法公式	
<b>復習② 方程式</b>	34
<b>⑤ 連立方程式の解法</b>	36
1 2元1次方程式	
2 連立方程式	
3 連立方程式の解法～加減法①～	
4 連立方程式の解法～加減法②～	
<b>⑥ いろいろな連立方程式</b>	42
1 式を整理して解く連立方程式	
2 小数や分数をふくむ連立方程式	
3 置換法による解法	
4 $A = B = C$ の形の連立方程式の解法	
5 連立方程式の定数・係数	
<b>⑦ 連立方程式の応用(1)</b>	48
1 和や差・倍数関係に着目する問題	
2 整数に関する問題	
3 数量の和と積の和から数量を求める問題	
4 2種類の数量関係から求める問題	
<b>⑧ 連立方程式の応用(2)</b>	54
1 時間と道のりに着目する問題	
2 2つの時間や道のりに着目する問題	
3 割合や比に関する問題	
4 増減の割合に関する問題	
5 濃度や占める割合に関する問題	
<b>⑨ 連立方程式のまとめ</b>	62
<b>発展学習② 方程式と不等式</b>	68
1 3元1次方程式	
2 いろいろな連立方程式	
3 不等式	
4 不等式の応用①	
5 不等式の応用②	
6 方程式と不等式	
<b>復習③ 比例・反比例</b>	76
<b>⑩ 1次関数とグラフ</b>	78
1 1次関数	
2 1次関数の変化の割合	
3 1次関数とそのグラフ	
4 1次関数の変域	
<b>⑪ 直線の式</b>	84
1 直線の式①	
2 直線の式②	
3 直線の式③	
4 直線上の点の座標	
<b>⑫ 2元1次方程式とグラフ</b>	90
1 2元1次方程式のグラフ	
2 連立方程式と1次関数	
3 直線と三角形の面積	
4 三角形の2等分	
<b>⑬ 1次関数の応用</b>	98
1 1次関数の利用	
2 水量の変化と1次関数	
3 速さと1次関数	
4 点の移動と1次関数	
<b>⑭ 1次関数のまとめ</b>	106
<b>発展学習③ 関数</b>	114
1 2直線の平行と垂直	
2 定点に関して対称な点の座標	
3 定直線に関して対称な点の座標	

# CONTENTS

<b>復習④ 平面図形</b>	118
<b>15 平行線と角</b>	120
1 対頂角	
2 平行線と角	
3 2直線が平行であるための条件	
<b>16 多角形と角</b>	124
1 三角形の内角の和	
2 三角形の内角と外角	
3 角の大きさによる三角形の分類	
4 多角形の内角の和	
5 多角形の外角の和	
6 角の和を考える問題	
<b>17 合同と証明</b>	132
1 図形の合同	
2 三角形の合同条件	
3 証明	
4 証明の進め方	
<b>18 図形の基本のまとめ</b>	140
<b>19 二等辺三角形</b>	142
1 二等辺三角形の性質	
2 二等辺三角形であるための条件	
3 正三角形	
<b>20 直角三角形</b>	148
1 直角三角形の合同条件	
2 直角三角形の合同条件の利用	
<b>21 平行四辺形</b>	152
1 平行四辺形の性質	
2 平行四辺形であるための条件	
<b>22 特別な平行四辺形</b>	160
1 長方形	
2 ひし形	
3 正方形	
4 平行線と面積	
5 等積変形	
<b>23 三角形と四角形のまとめ</b>	168
<b>発展学習④ 図形の相似</b>	174
1 相似な図形	
2 三角形の相似条件	
3 相似の証明	
4 相似の利用	
<b>24 関数と図形</b>	180
1 回転体	
2 平行四辺形に関する問題	
3 等積変形①	
4 等積変形②	
<b>25 場合の数</b>	186
1 場合の数と樹形図	
2 場合の数の基本性質	
3 並べ方	
4 組み合わせ	
<b>26 確率</b>	192
1 確率の意味	
2 確率の範囲	
3 いろいろな確率①	
4 いろいろな確率②	
<b>27 場合の数・確率のまとめ</b>	198
<b>発展学習⑤ 場合の数</b>	202
1 順列	
2 いろいろな順列	
3 組合せ	
4 組合せの応用	

## Point 1 単項式と多項式

● **単項式**……数や文字について、乗法だけでできた式。

**例**  $5x, -2ab^2, \frac{x^2}{2}, a, -a, 1, -8, \dots \dots$  \* ただ1つの文字や数も単項式と考える。

\*  $\frac{1}{x}$  のように、分母に文字をふくむ式は分数式といい、単項式とはいわない。

● **多項式**……単項式の和の形で表された式。

**例**  $5x - 8, 2a - 5b, a^2b - 2ab^2, \frac{x^2}{2} - x + 1, \dots \dots$

● **項**……多項式をつくる各々の単項式をその多項式の項という。 \* 数の項を特に定数項という。

**例**  $5x - 8$  の項  $\rightarrow 5x, -8$  (定数項)

$2a - 5b$  の項  $\rightarrow 2a, -5b$

$a^2b - 2ab^2$  の項  $\rightarrow a^2b, -2ab^2$

$\frac{x^2}{2} - x + 1$  の項  $\rightarrow \frac{x^2}{2}, -x, 1$  (定数項)

● **係数**……各々の項の数の部分。

**例**  $5x$  の係数  $\rightarrow 5$   $-2ab^2$  の係数  $\rightarrow -2$   $\frac{x^2}{2}$  の係数  $\rightarrow \frac{1}{2}$   $a$  の係数  $\rightarrow 1$

● **次数**……単項式で、かけ合わされている文字の個数。

**例**  $5x$  の次数  $\rightarrow 1$   $-2ab^2$  の次数  $\rightarrow 3$   $\frac{x^2}{2}$  の次数  $\rightarrow 2$   $a$  の次数  $\rightarrow 1$

● **多項式の次数**……各々の項の次数のうち最も大きいものを、その多項式の次数といい、次数が1である式を1次式、次数が2である式を2次式、 $\dots \dots$ といいう。

<b>例</b> $5x - 8$	$2a - 5b$	$a^2b - 2ab^2$	$\frac{x^2}{2} - x + 1$
1次 ↓	1次 1次 ↓	3次 3次 ↓	2次 1次 ↓
次数1(1次式)	次数1(1次式)	次数3(3次式)	次数2(2次式)

### 確認問題1 次の問いに答えなさい。

\*□(1) 次の式から、単項式と多項式をそれぞれすべて選びなさい。

ア 1

イ  $5ax$

ウ  $s+t+2$

エ  $-3xy$

オ  $x^3 - 1$

カ  $-a^3b^2$

キ  $-a^2$

ク  $x^4 + 3x^3 + x + 5$

□(2) 次の単項式の係数と次数を答えなさい。

\*□①  $2x^2$

\*□②  $-5xy$

□③  $\frac{ab^2}{10}$

□④  $-k$

□(3) 次の式はそれぞれ何次式か答えなさい。

\*□①  $-a$

□②  $x - y - z$

□③  $x^3 + 2x^2 - x + 3$

\*□④  $ab^2 + 2ab - 3a + 4b$

□⑤  $12x^5y^2$

□⑥  $-\frac{xy^4}{3} + \frac{x^3y^2}{2}$

## Point 2 単項式どうしの乗法

● **単項式 × 単項式**……係数どうし、文字どうしをかけ合わせる。

**例** ①  $3a \times 4b$

$$\begin{aligned} &= 3 \times a \times 4 \times b \\ &= 3 \times 4 \times a \times b \\ &= 12ab \end{aligned}$$

②  $(-2x)^2$

$$\begin{aligned} &= (-2x) \times (-2x) \\ &= 2 \times 2 \times x \times x \\ &= 4x^2 \end{aligned}$$

③  $6a^3b \times 2a^4b^5$

$$\begin{aligned} &= 6 \times a^3 \times b \times 2 \times a^4 \times b^5 \\ &= 6 \times 2 \times a^3 \times a^4 \times b \times b^5 \\ &= 12a^7b^6 \end{aligned}$$

**確認問題2** 次の計算をしなさい。

\*□(1)  $3ab \times c$

□(2)  $2x \times 3y$

□(3)  $-3a \times 5b$

\*□(4)  $2a \times a$

□(5)  $-3x \times (-2x)$

□(6)  $5a \times 4a$

\*□(7)  $(4x)^2$

□(8)  $(-6x)^2$

□(9)  $(-2ab)^2$

\*□(10)  $(-3a^2)^2$

□(11)  $(2ab^2)^2$

□(12)  $(-a^2b^3)^2$

\*□(13)  $a^2 \times a^4$

□(14)  $x^2y \times (-x^4y^2)$

□(15)  $5ax^3 \times 7a^2y$

## Point 3 単項式どうしの除法

● **単項式 ÷ 単項式**……分数の形で表し、数どうし、同じ文字どうしで約分する。 \*  $\frac{a}{a} = 1$

**例** ①  $-8x^3 \div 4x^2$

$$= -\frac{\frac{2}{8} \times \frac{1}{x} \times \frac{1}{x} \times x}{\frac{1}{4} \times \frac{1}{x} \times \frac{1}{x}} = -2x$$

②  $9a^2b \div 3ab$

$$= \frac{\frac{3}{9} \times \frac{1}{a} \times a \times b}{\frac{1}{3} \times \frac{1}{a} \times \frac{1}{b}} = 3a$$

③  $12a^4b^5 \div 6a^3b^2$

$$= \frac{\frac{2}{12} \times \frac{1}{a} \times \frac{3}{b}}{\frac{1}{6} \times \frac{1}{a} \times \frac{1}{b}} = 2ab^3$$

**確認問題3** 次の計算をしなさい。

\*□(1)  $3x^2 \div x$

□(2)  $6a^4 \div 3a$

□(3)  $-21y^5 \div 7y$

\*□(4)  $4ab \div b$

□(5)  $24xy \div 6x$

□(6)  $-8ab \div (-ab)$

\*□(7)  $4a^3 \div 2a^2$

□(8)  $-6x^4 \div 3x^2$

□(9)  $12a^3 \div 12a^3$

\*□(10)  $8a^3b \div 2a^2$

□(11)  $-9x^2y^3 \div 3y^2$

□(12)  $-15a^3b^2 \div (-5a^2b^2)$

\*□(13)  $6x^4y^7 \div 8x^4y^4$

□(14)  $12xy^4 \div (-8xy)$

□(15)  $4a^3b \div (-2a^2b)$

**Point 4****単項式の乗除**

● **単項式の乗除**……わる式を分母とした分数の形で表し、約分する。

**例** ①  $x^3 \div x^2 \times x$

$$= \frac{x^{\frac{1}{1}} \times x}{x^{\frac{1}{1}}} \\ = x \times x \\ = x^2$$

$$\begin{aligned} \text{③ } & 16a^3b^4 \times (-2ab^2) \div (-2ab)^3 \\ & = 16a^3b^4 \times (-2ab^2) \div (-8a^3b^3) \\ & = \frac{16a^3b^4 \times 2ab^2}{8a^3b^3} \\ & = 2b \times 2ab^2 \\ & = 4ab^3 \end{aligned}$$

②  $2a^2b^3 \times 6ab^2 \div (-4a^2b^3)$

$$= -\frac{\frac{1}{2}a^{\frac{1}{1}}b^{\frac{1}{1}} \times 6ab^2}{4a^{\frac{1}{1}}b^{\frac{1}{1}}} \\ = -3ab^2$$

\*  $16a^3b^4 \times (-2ab^2) \div (-2ab)^3$

$$\begin{aligned} & = 16 \times (-2) \div (-2)^3 \times a^3 \times a \div a^3 \times b^4 \times b^2 \div b^3 \\ & = 4 \times \frac{a^3 \times a}{a^3} \times \frac{b^4 \times b^2}{b^3} \\ & = 4ab^3 \end{aligned}$$

**確認問題4** 次の計算をしなさい。

\*□(1)  $x^3 \times x \div x^2$

□(2)  $n^4 \div n \div n^2$

\*□(3)  $a^4 \div a^3 \times a^2 \div a^3$

□(4)  $x^5 \div x^2 \div x^4 \times x^3$

\*□(5)  $2x^4 \div 6x^3 \times 12x$

□(6)  $8a^2 \times (-3a^3) \div 6a^4$

\*□(7)  $4x^2 \times 5x^3 \div 2x^2 \div x^2$

□(8)  $2a^5 \times 14a^4 \div 4a^3 \div (-a^6)$

\*□(9)  $a^2b \times ab^3 \div a^2b^3$

□(10)  $ab^2c \div a^3bc^2 \times a^4bc$

\*□(11)  $6xy \times 4xy^3 \div 8x^2y$

□(12)  $12a^5b^4 \div (-ab) \div 2ab^2$

\*□(13)  $-3x^2y \div (-9xy^3) \times 2x^2y^3$

□(14)  $-2a^2b \div (-8ab^3) \times 6a^2b^3$

\*□(15)  $(-2x)^3 \div x^2 \times (-x)^2$

□(16)  $(-4ab^2)^2 \div (-2ab)^3 \times ab$

# 練成問題 A

**1** 次の問いに答えなさい。

☞ Point ①

\*□(1) 次の式から、単項式と多項式をそれぞれすべて選びなさい。

ア  $-a^2$

イ  $ab + ac$

ウ  $90 - a$

エ  $-0.5$

オ  $\frac{1}{xy}$

カ  $\frac{xyz}{6}$

キ  $\frac{2x}{3} + y$

ク  $\frac{1}{x+y}$

□(2) 次の単項式の係数と次数を答えなさい。

\*□①  $4a$

\*□②  $ab$

□③  $-x^2y$

□④  $\frac{x}{2}$

\*□⑤  $-4a^2bc$

□⑥  $-\frac{x^3y^2z}{5}$

□(3) 次の多項式の項と次数を答えなさい。

\*□①  $2a + b$

□②  $-a + b^2$

□③  $4 - 2x$

\*□④  $x^2 - x + 4x^3$

\*□⑤  $-a^2 + 4ac$

□⑥  $-x^2 + \frac{xy^2}{2}$

**2** 次の計算をしなさい。

☞ Point ②

\*□(1)  $3a \times 4b$

□(2)  $5a \times (-2b)$

□(3)  $-2x \times (-x)$

\*□(4)  $(-6x)^2$

□(5)  $-(ab)^2$

□(6)  $(-2x^2y)^2$

\*□(7)  $-x^2y \times xy$

□(8)  $4x^2y \times 3xy^3$

□(9)  $-5ab^2 \times 3a^3bc$

\*□(10)  $6a^2 \times \frac{a}{2}$

□(11)  $12x^2y \times \frac{5}{6}xy^2$

□(12)  $-\frac{3}{2}ab^2 \times \frac{1}{9}ab^3$

**3** 次の計算をしなさい。

☞ Point ③

\*□(1)  $6ab \div 3b$

□(2)  $9a^2 \div 3a$

□(3)  $-6x^3 \div (-2x^2)$

\*□(4)  $-14a^2b \div 7ab$

□(5)  $15xy^2 \div (-5xy)$

□(6)  $8a^3b \div 6a^2b$

\*□(7)  $18x^2 \div \left(-\frac{9}{2}x\right)$

□(8)  $\frac{18}{7}a^2b^3 \div 3ab^3$

□(9)  $-\frac{3}{16}x^2y^5 \div \frac{15}{8}xy^3$

## 練成問題 B

**1** 次のうち、つねに正しいものに○をつけ、そうでないものについては、正しい場合と正しくない場合の例をそれぞれ1つずつ答えなさい。

- (1) 単項式と単項式の和は単項式である。
- (2) 多項式と多項式の和は多項式である。
- (3) 単項式と単項式の積は単項式である。
- (4) 単項式を単項式でわった商は単項式である。

**2** 次の計算をしなさい。

\*□(1)  $a^2 \times a \times a^3$

□(2)  $x^6 \div (-x^2) \div x^3$

\*□(3)  $3a^2 \div a^3 \times (-a)$

□(4)  $a^2 \div \left(-\frac{1}{6}a\right) \times a$

\*□(5)  $-3xy \times 6x \div 2y$

□(6)  $6xy \div (-9x) \times (-3y)$

\*□(7)  $6x^3y^2 \div 12x^2y^4 \times (-xy^2)$

□(8)  $-3a^2b^3 \div 6ab \div (-8ab^2)$

□(9)  $4x \times \frac{1}{3}y \times (-6xy^2)$

□(10)  $\frac{2}{5}ab \times \frac{1}{2}ab^2 \div \frac{3}{10}a^2b$

**3** 次の計算をしなさい。

\*□(1)  $a^2 \times (-a)^3$

□(2)  $(-2a^3) \times (-a)^2$

\*□(3)  $(2x)^3 \div (-x)^2$

□(4)  $(-3a^3)^2 \div (-a)^3$

\*□(5)  $-72a^3b^2 \div (2a)^2$

□(6)  $7a^3b^2 \times (-a^2b^3)^2$

\*□(7)  $(3ab)^2 \div \frac{ab}{2}$

□(8)  $(-x^2)^3 \div \frac{x^6}{3}$

\*□(9)  $-15xy \times \left(-\frac{2}{3}x^2\right)^2$

□(10)  $(-3x^2y)^2 \div \frac{3}{2}xy$

□(11)  $8xy \times \left(\frac{2}{5}xy\right)^2$

□(12)  $\frac{2}{3}a^4b^6 \div \left(-\frac{3}{4}ab^2\right)^2$

**4** 次の計算をしなさい。

\*□(1)  $x^3 \times (x^2)^3 \times x$

□(2)  $a^2 \times (-a)^2 \times (-a^2)$

\*□(3)  $a^2 \times (-a)^5 \div a^4$

□(4)  $(x^2)^3 \div (x^2)^2 \div (-x^2)$

\*□(5)  $(3a)^2 \times 2a \div (-6a^2)$

□(6)  $(-3x)^2 \times 4x^2 \div 6x^3$

□(7)  $-2a^3b \div (-2a^2b)^2 \times 4ab^3$

□(8)  $(-4x^2y)^2 \div 2x \div (-2xy)^2$

\*□(9)  $(-5xyz)^2 \times xyz \div 3x^2y^3$

□(10)  $(-3a^2bc)^2 \times (-2ab^3) \div (2ab^2)^2$

□(11)  $(-6x^3y)^2 \div 9x^2y^4 \times (-y^2)^3$

□(12)  $(2a^2b^3)^4 \div (a^2b)^3 \times (-3ab^2)^2$

**5** 次の計算をしなさい。

\*□(1)  $4x^2 \times \left(-\frac{3}{2}y\right)^2 \div 3xy$

□(2)  $-2ab \times \left(-\frac{1}{2}a\right)^3 \div a^2b$

□(3)  $(-x^2y)^3 \div \frac{4}{3}x^3y \times \left(-\frac{3}{2}xy^2\right)$

□(4)  $(-3x^2y)^2 \times \left(-\frac{1}{9}xy^4\right) \div (2xy)^5$

\*□(5)  $16a^3b^4 \div 3ab^2 \times \left(-\frac{3}{2}ab\right)^2$

□(6)  $\left(\frac{1}{2}x^2y\right)^2 \div (2xy)^3 \times (-8x^3y)$

\*□(7)  $(-2ab^2)^3 \div \left(-\frac{2}{3}a^3b^3\right)^2 \times \frac{1}{9}a^4b^2$

□(8)  $\frac{1}{8}a^3b^2 \div \left(-\frac{1}{4}a^2b^5\right) \times (-2ab^2)^2$

□(9)  $\left(-\frac{4}{3}ab^2\right)^3 \times \left(-\frac{1}{2}a^3b^2\right)^2 \div \frac{4}{9}a^5b^3$

□(10)  $\left(-\frac{3}{4}x^2y\right)^3 \times \left(\frac{1}{3}x^3y^4\right)^2 \div \left(-\frac{3}{2}x^2y^3\right)^2$

\*□(11)  $a^3 \div ab^2 \times \left(\frac{b}{a}\right)^2$

□(12)  $2xy^2 \div x^3y^2 \div \frac{y^3}{14x}$

□(13)  $\frac{z}{xy^2} \div \frac{z^2}{(2xy)^2} \times \frac{xyz}{2}$

□(14)  $\left(-\frac{y}{2x^3}\right)^5 \times \left(-\frac{3x^4}{y^2}\right) \div \left(-\frac{2y}{x^2}\right)$

\*□(15)  $(-2a^2b)^3 \div \frac{b^2}{a} \times \left\{-\frac{1}{(ab^2)^2}\right\}$

□(16)  $\left(-\frac{ab}{5}\right)^3 \div \left(\frac{b^2}{5a}\right)^3 \times \left(-\frac{b^2}{a^3}\right)^2$

**6** 次の\_\_\_\_\_にあてはまる単項式や累乗の指数を答えなさい。

□(1)  $a^7 \times \dots = a^{12}$

□(2)  $2ab \times \dots = 10a^2b$

□(3)  $\dots \div b \times (-3a) = 9ab$

□(4)  $3ab^2 \times \frac{5}{6}ab^3 \times \dots = 5a^7b^7$

□(5)  $6x^3y \times (2x \dots y \dots) = 48x^9y^{10}$

□(6)  $(-2x) \dots \times 6y^2 \div 12xy \dots = -4x \dots$

## Point 1 文字式の加減

● 同類項……文字の部分が同じである項。同類項は1つの項にまとめることができる。

例 ①  $3a - 2b + a + 7b$

$$= 3a + a - 2b + 7b$$

$$= 4a + 5b$$

③  $4x + 2y - 2xy + 3y - 2x + 5xy$

$$= 4x - 2x + 2y + 3y - 2xy + 5xy$$

$$= 2x + 5y + 3xy$$

②  $2x + 3y - 3 - 4x - 2y + 1$

$$= 2x - 4x + 3y - 2y - 3 + 1$$

$$= -2x + y - 2$$

④  $x^2 + 3x - 4 - 2x^2 - 2x + 3$

$$= x^2 - 2x^2 + 3x - 2x - 4 + 3$$

$$= -x^2 + x - 1$$

例題 次の2つの式の和と、左の式から右の式をひいた差を求めなさい。

$$2x^2 - 3x + 4 \quad - \quad x^2 + 2x - 1$$

解き方 かっこを使って式で表し、かっこをはずして計算する方法と、縦書きで計算する方法がある。

(i)  $(2x^2 - 3x + 4) + (x^2 + 2x - 1)$

$$= 2x^2 - 3x + 4 + x^2 + 2x - 1$$

$$= 2x^2 + x^2 - 3x + 2x + 4 - 1$$

$$= 3x^2 - x + 3$$

(ii)  $2x^2 - 3x + 4$

$$+ ) \quad x^2 + 2x - 1$$

$$\underline{3x^2 - x + 3}$$

$(2x^2 - 3x + 4) - (x^2 + 2x - 1)$

$$= 2x^2 - 3x + 4 - x^2 - 2x + 1$$

$$= 2x^2 - x^2 - 3x - 2x + 4 + 1$$

$$= x^2 - 5x + 5$$

$$2x^2 - 3x + 4$$

$$- ) \quad x^2 + 2x - 1$$

$$\underline{x^2 - 5x + 5}$$

$$2x^2 - 3x + 4$$

$$+ ) \quad -x^2 - 2x + 1$$

$$\underline{x^2 - 5x + 5}$$

答 和…  $3x^2 - x + 3$ , 差…  $x^2 - 5x + 5$

確認問題1 次の計算をしなさい。

\*□(1)  $5a - 3b + 4a + 2b$

□(2)  $4a - 5 - 2b - 3a + 5b + 7$

\*□(3)  $3x^2 - 2x + 4x - 1 + 5x^2$

□(4)  $-ab + 4b - 7ab - 6b + 4$

\*□(5)  $(2a - b + 3) + (3a + 2b - 5)$

□(6)  $(3x^2 + 2x - 1) + (4x^2 - 3x + 2)$

\*□(7)  $(-3x + y) - (4x - y + 3)$

□(8)  $(2x^2 - x + 3) - (3x^2 - 5x + 2)$

\*□(9)  $3a - 5b$

$$+ ) \quad 2a + 4b$$

□(10)  $2x - 7y$

$$+ ) \quad 5x + 7y$$

□(11)  $3x + 4y - 1$

$$+ ) \quad 3x - 5y + 1$$

\*□(12)  $a - 4b$

$$- ) \quad 2a - 4b$$

□(13)  $4x + 3y - 3$

$$- ) \quad 3x - 5y + 1$$

□(14)  $2x^2 - 5$

$$- ) \quad x^2 + 3x - 1$$

## Point ② 分配法則と四則計算

●数×多項式……分配法則  $a(b+c) = ab + ac$  を利用して、かっこをはずす。

**例** ①  $2(2x - 3y + 1)$   
 $= 2 \times 2x + 2 \times (-3y) + 2 \times 1$   
 $= 4x - 6y + 2$

②  $-3(x^2 - 3x + 1)$   
 $= -3 \times x^2 - 3 \times (-3x) - 3 \times 1$   
 $= -3x^2 + 9x - 3$

●四則計算……分配法則を用いてかっこをはずし、同類項をまとめよ。

**例** ①  $3(2a - 3b) - 5(a + 4b)$   
 $= 6a - 9b - 5a - 20b$   
 $= 6a - 5a - 9b - 20b$   
 $= a - 29b$

②  $2(3x^2 - 5x) - (7x^2 - x)$   
 $= 6x^2 - 10x - 7x^2 + x$   
 $= 6x^2 - 7x^2 - 10x + x$   
 $= -x^2 - 9x$

**確認問題2** 次の計算をしなさい。

\*□(1)  $2(3a - 4b)$

□(2)  $-4(x^2 - 5x + 3)$

\*□(3)  $\frac{1}{3}(6a - 9b)$

□(4)  $-\frac{3}{4}(8x^2 - 4x + 12)$

\*□(5)  $8\left(\frac{1}{2}a + \frac{5}{4}b\right)$

□(6)  $-12\left(\frac{x^2}{3} + \frac{3x}{4} - \frac{5}{6}\right)$

\*□(7)  $3(2a + 3b) - 5a + b$

□(8)  $2(3x - y) + x - y$

\*□(9)  $-2(x - 5y) + 3x - y$

□(10)  $-5(b - 3a) - 4a + 5b$

\*□(11)  $-a + 2(3a - 2b)$

□(12)  $12x - 5y + 3(2x + 3y)$

\*□(13)  $6y - 2(2y - x)$

□(14)  $4a - 3(2a + 5b) + 8b$

\*□(15)  $2(x + y) + 3(x - y)$

□(16)  $3(x - 3y) + 2(5y - x)$

\*□(17)  $4(2a - b) + 3(a + 5b)$

□(18)  $3(2x + 4y) + 5(3y - 2x)$

\*□(19)  $3(x + 2y - 1) + 2(-8x + 5y + 2)$

□(20)  $2(2a - 3b + 1) + 5(a + 2b - 3)$

\*□(21)  $3(a - 3b) - 2(a - b)$

□(22)  $5(2x - 3y) - 2(5x + y)$

\*□(23)  $-2(3a + 4b) - 3(2b - 2a)$

□(24)  $-4(x - 2y) - (5y - 3x)$

\*□(25)  $5(3a + 4b - 2c) - 4(a - 5b + 3c)$

□(26)  $-(x^2 + 3x - 3) - 2(2x + 4 - 3x^2)$

## Point 3 分数をふくんだ式の計算

● 分数をふくむ式の計算……分母を通分し、分子を計算する。分母を払ってはならない。また、通分するとき、分子が多項式であれば、必ずかっこをつける。

**例** ①  $\frac{5a-b}{3} - \frac{3a+b}{2}$   
 $= \frac{2(5a-b) - 3(3a+b)}{6}$   
 $= \frac{10a-2b-9a-3b}{6}$   
 $= \frac{a-5b}{6}$

②  $\frac{3x-y}{4} - \frac{x-4y}{8}$   
 $= \frac{2(3x-y) - (x-4y)}{8}$   
 $= \frac{6x-2y-x+4y}{8}$   
 $= \frac{5x+2y}{8}$

**確認問題3** 次の計算をしなさい。

\*□(1)  $\frac{x-y}{2} + 3x$

\*□(2)  $\frac{x+y}{2} + \frac{x-y}{3}$

□(3)  $\frac{3x+2y}{4} + \frac{x+2y}{3}$

\*□(4)  $\frac{3x-y}{5} - x$

\*□(5)  $\frac{x+4y}{2} - \frac{x+6y}{3}$

□(6)  $\frac{x-2y}{6} - \frac{y-3x}{4}$

\*□(7)  $x - \frac{x-y}{3}$

□(8)  $\frac{3x+5y}{2} - \frac{x-y}{4}$

□(9)  $\frac{2x-y}{2} - \frac{3x+y}{8}$

## Point 4 式の値

● 式の値の求め方……与えられた式が、計算によって簡単になる場合は、簡単にしてから数を代入する。

**例**  $x = -2, y = 3$  のとき

①  $4(x^2 + xy) - (4xy - y^2)$  の値  
 $4(x^2 + xy) - (4xy - y^2)$   
 $= 4x^2 + 4xy - 4xy + y^2$   
 $= 4x^2 + y^2$   
 $\downarrow$   
 $4 \times (-2)^2 + 3^2 = 25$

②  $6x^2y^3 \div (-2xy)^2 \times 2xy$  の値  
 $6x^2y^3 \div (-2xy)^2 \times 2xy$   
 $= \frac{6x^2y^3 \times 2xy}{4x^2y^2}$   
 $= 3xy^2$   
 $\downarrow$   
 $3 \times (-2) \times 3^2 = -54$

**確認問題4** 次の式の値を求めなさい。

\*□(1)  $a = 2, b = -3$  のとき,  $2(a-3b) - (a-2b)$  の値

\*□(2)  $a = -1, b = -2$  のとき,  $2a^3b^4 \div (-ab^2)$  の値

□(3)  $x = \frac{2}{3}, y = -\frac{1}{2}$  のとき,  $-6x^2y \times 4xy^3 \div (-xy)$  の値

# 練成問題 A

**1** 次の計算をしなさい。

⇒ **Point 1**

\*□(1)  $6a - 3b + 4a - 5b$

□(2)  $5m - 8 + 6n - 5m + 2 - n$

\*□(3)  $4x^2 + x + 6x^2 - 3x$

□(4)  $7x - y + (-5x - y)$

\*□(5)  $7a + 6b - (4a - 3b)$

□(6)  $6a - (2a + b - a)$

\*□(7)  $x^2 + 2x + 3 - (4x - 2 - 6x^2)$

□(8)  $2a + \frac{1}{3}b - \left(\frac{1}{2}b - \frac{4}{5}a\right)$

\*□(9) 
$$\begin{array}{r} x + 2y \\ - ) \quad x + 5y \\ \hline \end{array}$$

□(10) 
$$\begin{array}{r} 2x - 3y + z \\ - ) \quad -x \quad + 3z \\ \hline \end{array}$$

□(11) 
$$\begin{array}{r} -x^2 \quad + 2 \\ - ) \quad 2x^2 - 3x - 4 \\ \hline \end{array}$$

**2** 次の計算をしなさい。

⇒ **Point 2**

\*□(1)  $5a + 2(3a + b)$

□(2)  $6x - 3(3x + 2y)$

\*□(3)  $2x - 4y - 2(3x - 2y)$

□(4)  $4(a + 2b) - 2a$

\*□(5)  $3(2a - 3b) + 2(3b - a)$

□(6)  $9(a - b) - (5a + 2b)$

\*□(7)  $7(a + 2b - 3) - 3(2a - b - 6)$

□(8)  $2(x^2 - 3x + 1) - (5 - 6x + x^2)$

**3** 次の計算をしなさい。

⇒ **Point 3**

\*□(1)  $\frac{x+y}{2} + x$

□(2)  $\frac{7x-y}{3} - 3x$

□(3)  $2x + y + \frac{x+y}{4}$

\*□(4)  $\frac{x+y}{6} + \frac{x-y}{3}$

□(5)  $\frac{x+y}{8} + \frac{3x-y}{4}$

□(6)  $\frac{2x+3y}{12} + \frac{x-y}{4}$

**4** 次の式の値を求めなさい。

⇒ **Point 4**

\*□(1)  $x = -3, y = 2$  のとき,  $xy - 5x^2 + 3x^2 - 5xy + 1$  の値

\*□(2)  $a = -1, b = -4$  のとき,  $2a^3b^2 \div (-a^2b)$  の値

□(3)  $x = 2, y = -3$  のとき,  $3x^2 \times (-4xy^2) \div 6xy$  の値

## 練成問題 B

**1** 次の2つの式の和と、左の式から右の式をひいた差を求めなさい。

\*□(1)  $3a - 2b + 1$        $5a + 6b - 4$

□(2)  $x - 2y + 4$        $x - 4y + 5$

\*□(3)  $2x - 3xy + 5y$        $-x + 2xy - 3y$

□(4)  $3x - 4y - 5z$        $-2x + 3y + z$

\*□(5)  $-x^2 + 2$        $2x^2 - 3x - 4$

□(6)  $2x^2 - 4x - 1$        $-x^2 + 5x - 4$

\*□(7)  $5a^2b - 6ab^2 + 3ab$        $2ab - 7a^2b + 8ab^2$

□(8)  $5x^3 + 2x - x^2$        $x^2 + 3x^3 - 4$

**2** 次の計算をしなさい。

\*□(1)  $(5x^2 - 2x - 3) - \{4 - (x^2 - 5x)\}$

□(2)  $2x^2 - 3\{x - 2(1 - x^2)\}$

\*□(3)  $3a - 2b - \{4a - 2(3a - 5b)\}$

□(4)  $4(3x^2 - 2xy + y^2) - 2(3xy - x^2) - 3(y^2 + xy)$

\*□(5)  $\frac{2x - 3y}{5} - \frac{4x - 5y}{3} + x$

□(6)  $\frac{3x - y}{5} - \frac{x - 5y}{4} - y$

\*□(7)  $\frac{4a - 3b}{3} - \frac{a - 2b}{4} - a$

□(8)  $a - \frac{2a - b}{4} + \frac{a + 2b}{6}$

\*□(9)  $x - 2y - \frac{3x - 4y}{3} + \frac{2x - 3y}{2}$

□(10)  $\frac{x}{2} + 3y + \frac{5x + 2y}{3} - \frac{3x - y}{2}$

\*□(11)  $\frac{3x + 2y}{4} - \frac{3x - 3y}{2} - 2x - y$

□(12)  $\frac{5x + 2y}{3} - \frac{5x - (x - y)}{2}$

□(13)  $2x - y - 2\left(\frac{x}{3} - \frac{3x - y}{4}\right)$

□(14)  $-\frac{4a + b}{2} + \frac{2a + 3b}{4} - 3\left(\frac{a - b}{2} - \frac{3a - b}{3}\right)$

**3** 次の計算をしなさい。

\*□(1)  $\frac{1}{3}x^2y^3 \div \frac{1}{12}y^2 \div x - \left(-\frac{3}{2}xy\right)$

□(2)  $\frac{9}{4}x - \left(\frac{1}{2}x\right)^2 \div \frac{1}{5}x$

\*□(3)  $3x \times (-2y)^2 - 4x^4 \times \left(\frac{1}{2}y^2\right)^2 \div x^3y^2$

□(4)  $-\frac{a^4}{3} \div \left\{ \frac{a^3}{9} - \left(\frac{1}{2}a\right)^2 \times \left(-\frac{9}{2}a\right) \right\}$

**4** 次の .....にあてはまる式を答えなさい。

\*□(1) ..... $-(-2x + 5y) = -x - 5y$  □(2)  $3(\text{.....}) - 2(3a - 4b) = 5b$

□(3) ..... $-\frac{3}{2}a = \frac{a-b}{6}$

□(4)  $\frac{3x-2y}{4} - \text{.....} = \frac{x-y}{3}$

**5** 次の式の値を求めなさい。

\*□(1)  $x = -3, y = -\frac{5}{6}$  のとき,  $(-2x^2y)^2 \div 5x^3y \times (-xy)$  の値

□(2)  $a = -2, b = \frac{2}{3}, c = -3$  のとき,  $ab^2 \times (-2a^2c^3) \div (-abc)^2$  の値

□(3)  $a = 3, b = -\frac{1}{2}, c = 0.2$  のとき,  $2a^3b^3c \times (-3a^2b^2c^2) \div \{(-a)^3 \times (-b^2c)\}$  の値

\*□(4)  $x = 6, y = -3$  のとき,  $\frac{x+2y}{2} - \frac{x-2y}{3}$  の値

□(5)  $x = \frac{4}{5}, y = -\frac{2}{3}$  のとき,  $\frac{3x-y+1}{2} - \frac{5x-2y-2}{4}$  の値

**6** 次の問いに答えなさい。

\*□(1)  $A = 3x, B = x - 2y, C = 2x + y$  のとき,  $A + B - C$  を  $x, y$  で表しなさい。

□(2)  $A = x^2 - x, B = 2x^2 + 3x - 1, C = 5 - 3x^2$  のとき,  $2A - 3B + 4C$  を  $x$  で表しなさい。

\*□(3)  $A = x - 2y, B = 2x + y$  のとき,  $2A - 3\{-5A + 2(3A - B)\}$  を  $x, y$  で表しなさい。

□(4)  $A = x^2 + 2x - 3, B = \frac{1}{5}x^2 - x + 1$  のとき, 次の式を  $x$  で表しなさい。

□①  $2A + 5B$

□②  $\frac{A+B}{2} - \frac{A-B}{3}$